

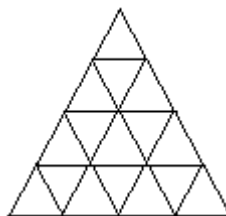


Komandu olimpiāde „Dzidrais Vilnis 2005”

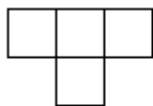
Katru uzdevumu vērtē ar $0 \div 5$ punktiem. Risināšanas laiks - 3 astronomiskās stundas

Uzdevumi 7. klasei

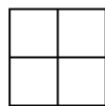
1. Plaknē atzīmēts 21 punkts. Novilkta 10 taisnes tā, ka katrs no atzīmētajiem punktiem pieder kādai no tām. Pierādīt, ka var izvēlēties 3 no dotajiem punktiem tā, ka tie atrodas uz 1 taisnes.
2. Pa vienai reizei uzrakstīta katrs veselais pozitīvais skaitlis no 1 līdz 2005 ieskaitot. Cik reizes uzrakstīts cipars 2?
3. Pierādīt, ka 5 pēc kārtas ņemtu naturālu skaitļu reizinājums dalās ar 120.
4. Lai nokrāsotu kubu ar izmēriem $3 \times 3 \times 3$, nepieciešams 1 kg krāsas. Kubu nokrāsoja un sadalīja kubiņos $1 \times 1 \times 1$. Cik vēl krāsas nepieciešams, lai pilnībā nokrāsotu mazos kubiņus? (*jau nokrāsotās skaldnes nepārkrāso!*)
5. No skaitļa 2005 atņem tā ciparu summu. No iegūtā skaitļa, savukārt, šī skaitļa ciparu summu. Tā turpina, līdz iegūst viencipara skaitli. Atrast šo skaitli!
6. Dots laukums (skat. zīmējumu). Sākumā drīkst nolikt kauliņu uz kāda no mazajiem trijstūriem. Tad drīkst pārvietot šo kauliņu uz kādu citu mazo trijstūri, kuram ir kopīga mala ar iepriekšējo. Pierādīt, ka nevar izstaigāt visu laukumu, katrā mazajā trijstūrī esot tieši vienu reizi!



7. Vai 8×8 rūtiņu kvadrātu var sagriezt septiņās figūrās „T” un deviņās figūrās „O”?



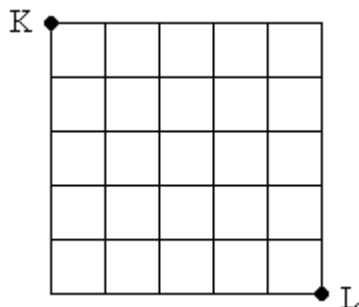
Figūra "T"



Figūra "O"

8. Slimniekam tika izrakstītas divu veidu tabletes. Tās viņam jādzer ik pēc noteikta laika sprīža pa vienai tabletei no katra veida. Jebkura cita kombinācija ir bīstama veselībai un dzīvībai. Kad bija atlikušas 4 tabletes (pa 2 no katra veida), viņš tās nejauši sabēra kopā, un nu tās vairs nevar atšķirt. Vai viņš var pabeigt ārstēšanos, nepakļaujot veselību riskam?

9. Naturālu skaitļu virkni veido sekojoši: pirmais loceklis ir 1. Katrs nākamais virknes loceklis tiek iegūts, iepriekšējo reizinot ar 2 un pieskaitot 1. Cik starp pirmajiem 2005 virknes locekļiem ir tādi, kuri dalās ar 5?
10. Mežā dzīvo 24 aļņi. Daži no viņiem vienmēr melo, pārējie vienmēr saka patiesību. Aļņi stāv pa apli tā, ka meļiem blakus stāv tikai vecāki aļņi. Katram no aļņiem uzdeva divus jautājumus. Vai tu esi vecāks par alni pa labi no tevis? Vai tu esi vecāks par alni pa kreisi no tevis? (Nav divu aļņu, kas būtu vienādi veci.) Uz pirmo jautājumu kopā tika saņemtas 9 apstiprinošas atbildes, bet uz otro jautājumu 17 apstiprinošas atbildes. Cik no aļņiem ir meļi?
11. Skolā mācās 1000 skolēnu, 350 ir braukuši ar BMW, 100 ar Audi un 323 ar Mazdu. 116 no skolēniem ir braukuši gan ar BMW, gan ar Mazdu, 30 ir braukuši gan ar Audi, gan ar Mazdu, 46 ir braukuši gan ar Audi, gan ar BMW. 9 no skolēniem ir braukuši gan ar BMW, gan ar Audi, gan ar Mazdu.
- Cik skolēni ir braukuši BMW, bet nav braukuši ar Audi?
 - Cik skolēni ir braukuši ar Mazdu, bet nav braukuši nedz ar BMW, nedz ar Audi?
 - Cik skolēnu nav braukuši ne ar vienu no šīm automašīnām?
12. Dota pilsētas ielu karte. Cik dažādos veidos Vilnis var nokļūt no punkta K līdz punktam L, ja drīkst pārvietoties tikai virzienā uz leju un virzienā pa labi? Atrast visus iespējamus Viļņa maršruta garumus, ja attālums starp diviem blakus krustojumiem ir 50 metri!



13. Lūsim redīsu laukā aug m redīsi, bet vilkam z redīsi. Lūša laukā redīsu skaits dubultojas ik pēc 8 mēnešiem, bet vilka redīsu skaits paliek nemainīgs (slikts laukkopis). Pēc 4 gadiem kopējais redīsu skaits abos laukos bija astoņkārsējies. Kuram no viņiem sākumā bija vairāk redīsu un cik reizes vairāk?
14. Ūdenspolo turnīrā piedalījās k komandas. Vai iespējams, ka turnīra laikā bija tāds brīdis, kad katra komanda bija izspēlējusi tieši 3 spēles,
- ja $k = 6$;
 - ja $k = 7$?
15. Orbitrekam ir 10 pēc ārējā izskata vienādi āboli. Divi no tiem ir tārpaini. Orbitreks ir izgudrojis tārp detektoru, kurā ieliekot dažus ābolus (varbūt vienu), var noteikt, vai to skaitā ir kāds tārpains ābols. Diemžēl ar šo detektoru var veikt tikai 6 pārbaudes. Vai Orbitreks var atrast tārpainos ābolus?